

# Tutorium Woche 1

Dominik Bruhn, Tutorium Nummer 9

28.10.2009

# Agenda

- 1 Organisatorisches
  - Vorstellung
  - Übungsblätter
  - Motivation
- 2 Definitionen
  - Regulärer Ausdruck
  - Endlicher Automat
  - Grammatik
- 3 Aufgabe 1
- 4 Aufgabe 2
- 5 Aufgabe 3
- 6 Aufgabe 4
- 7 Ende

# Vorstellung

## Dominik Bruhn

- Diplom Informatik
- 7. Semester
- Tutor in Systemarchitektur/OS
- Mail: dominik@dbruhn.de

# Tutorium

- Mittwoch Abend 17:30
- Informatik-Gebäude SR-107
- Homepage: <http://www.dbruhn.de/tutorium>

# Vorlesung

- Dienstag und Donnerstags
- Vorlesungshomepage: <http://iaks-www.ira.uka.de>
- Forum

# Übungsblätter

## Ausgabe

Jeden Montag auf der Vorlesungs-Homepage

## Abgabe

Mittwoch der **darauffolgenden** Woche 12:00 im Kasten im UG Infogebäude.

## Bewertung

50% der Punkte für den Übungsschein nötig

## Rückgabe

Im Tutorium

# Abgabemodus

## Allgemein

- Abgabe bis Mittwoch 12:00
- Jeder eine Lösung
- Handschriftliche Lösung

# Abgabemodus

## Allgemein

- Abgabe bis Mittwoch 12:00
- Jeder eine Lösung
- Handschriftliche Lösung

## Gruppenabgaben

- Gruppen bis zu 3 Leute möglich
- Trotzdem **jeder** eine eigene Lösung
- Gruppenpartner vermerken

# Abgabemodus

## Allgemein

- Abgabe bis Mittwoch 12:00
- Jeder eine Lösung
- Handschriftliche Lösung

## Auf jede Abgabe

- Übungsblatt Nummer
- Name + Matrikelnummer
- Evtl Gruppenpartner
- Tutoriumsnummer (Nr. 9)
- Tackernadel

# Ablauf des Tutoriums

- Erarbeiten von Tutoriums-Aufgaben
- Aufgaben auf dem Beamer, Lösungen an der Tafel
- Folien später auf der Homepage
- **Keine Lösungen im Netz**, evtl mitschreiben

# Erwartungen

## Von mir an euch

- Ehrlichkeit
- Fairness
- Besuch der Vorlesung

## Von euch an mich

???

# Syntax Regulärer Ausdrücke

# Syntax Regulärer Ausdrücke

●  $a \Rightarrow$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$  1 oder mehr  $a$  (*Nicht behandelt*)

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$  1 oder mehr  $a$  (*Nicht behandelt*)
- $(a + b) \Rightarrow$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$  1 oder mehr  $a$  (*Nicht behandelt*)
- $(a + b) \Rightarrow a$  oder  $b$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$  1 oder mehr  $a$  (*Nicht behandelt*)
- $(a + b) \Rightarrow a$  oder  $b$
- $(a \cdot b) \Rightarrow$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$  1 oder mehr  $a$  (*Nicht behandelt*)
- $(a + b) \Rightarrow a$  oder  $b$
- $(a \cdot b) \Rightarrow a$ , dann  $b$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$  1 oder mehr  $a$  (*Nicht behandelt*)
- $(a + b) \Rightarrow a$  oder  $b$
- $(a \cdot b) \Rightarrow a$ , dann  $b$
- $(ab) \Rightarrow$

# Syntax Regulärer Ausdrücke

- $a \Rightarrow$  Genau ein  $a$
- $a^* \Rightarrow$  0 oder mehr  $a$
- $a^+ \Rightarrow$  1 oder mehr  $a$  (*Nicht behandelt*)
- $(a + b) \Rightarrow a$  oder  $b$
- $(a \cdot b) \Rightarrow a$ , dann  $b$
- $(ab) \Rightarrow a$ , dann  $b$

# Definition endlicher Automat

$\mathcal{M} = (\mathcal{Q}, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit

# Definition endlicher Automat

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit

- $Q$  Zustandsmenge

# Definition endlicher Automat

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit

- $Q$  Zustandsmenge
- $\Sigma$  Alphabet

# Definition endlicher Automat

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit

- $Q$  Zustandsmenge
- $\Sigma$  Alphabet
- $\delta$  Übergangsfunktion

# Definition endlicher Automat

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit

- $Q$  Zustandsmenge
- $\Sigma$  Alphabet
- $\delta$  Übergangsfunktion
- $S$  Startzustand

# Definition endlicher Automat

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit

- $Q$  Zustandsmenge
- $\Sigma$  Alphabet
- $\delta$  Übergangsfunktion
- $S$  Startzustand
- $\mathcal{F}$  Menge der Endzustände

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (T, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (\mathcal{T}, \mathcal{V}, \mathcal{S}, \mathcal{P})$  mit

- $\mathcal{T}$  Menge der Terminale

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (T, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

- $T$  Menge der Terminale *Kleinbuchstaben*

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (\mathcal{T}, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

- $\mathcal{T}$  Menge der Terminale *Kleinbuchstaben*
- $\mathcal{V}$  Menge der Nicht-Terminale

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (\mathcal{T}, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

- $\mathcal{T}$  Menge der Terminale *Kleinbuchstaben*
- $\mathcal{V}$  Menge der Nicht-Terminale *Großbuchstaben*

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (\mathcal{T}, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

- $\mathcal{T}$  Menge der Terminale *Kleinbuchstaben*
- $\mathcal{V}$  Menge der Nicht-Terminale *Großbuchstaben*
- $S$  Start-Zeichen

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (\mathcal{T}, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

- $\mathcal{T}$  Menge der Terminale *Kleinbuchstaben*
- $\mathcal{V}$  Menge der Nicht-Terminale *Großbuchstaben*
- $S$  Start-Zeichen *normalerweise S*

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (\mathcal{T}, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

- $\mathcal{T}$  Menge der Terminale *Kleinbuchstaben*
- $\mathcal{V}$  Menge der Nicht-Terminale *Großbuchstaben*
- $S$  Start-Zeichen *normalerweise S*
- $\mathcal{P}$  Menge der Regeln

# Definition Grammatik

$\mathcal{G} = (\mathcal{T}, \mathcal{V}, S, \mathcal{P})$  mit

- $\mathcal{T}$  Menge der Terminale *Kleinbuchstaben*
- $\mathcal{V}$  Menge der Nicht-Terminale *Großbuchstaben*
- $S$  Start-Zeichen *normalerweise S*
- $\mathcal{P}$  Menge der Regeln

## Beispiel für Regeln

- $A \rightarrow aBcYYY$
- $B \rightarrow \epsilon$
- $Y \rightarrow AzcxB$
- $a \rightarrow ab$  *Keine gültige Regel*

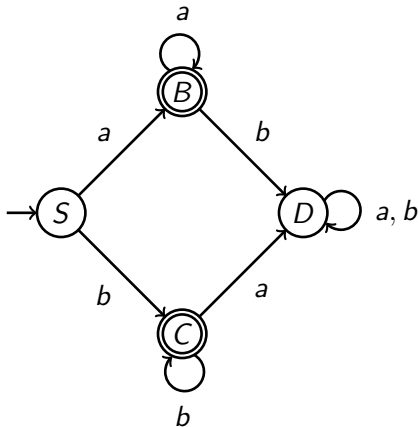
# Definition rechtslineare Grammatik

- $A \rightarrow aB$
- $A \rightarrow \epsilon$
- $A \rightarrow a$

mit  $A, B \in \mathcal{V}$  und  $a \in \mathcal{T}$

# Aufgabe 1

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit  $\Sigma = \{a, b\}$ ,  
 $Q = \{S, B, C, D\}$ ,  $\mathcal{F} = \{B, C\}$  und  $\delta$  gegeben  
durch:

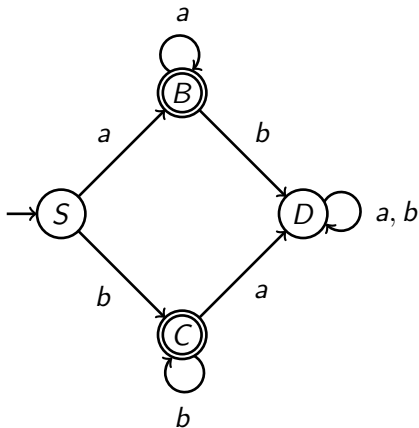


## Aufgabe 1.1

Gebe die von diesem Automaten akzeptierte Sprache in einem regulären Ausdruck an.

# Aufgabe 1

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit  $\Sigma = \{a, b\}$ ,  
 $Q = \{S, B, C, D\}$ ,  $\mathcal{F} = \{B, C\}$  und  $\delta$  gegeben  
 durch:

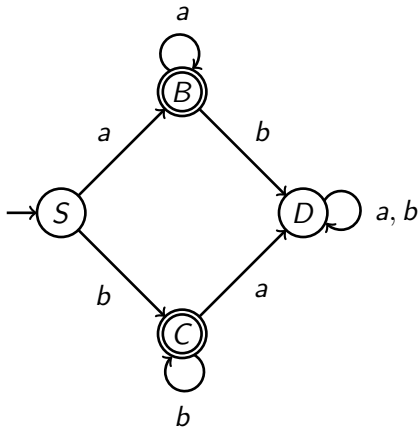


## Aufgabe 1.2

Um was für einen  
Automaten handelt  
es sich?

# Aufgabe 1

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit  $\Sigma = \{a, b\}$ ,  
 $Q = \{S, B, C, D\}$ ,  $\mathcal{F} = \{B, C\}$  und  $\delta$  gegeben  
durch:

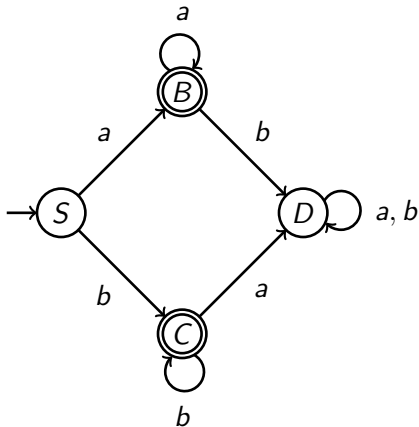


## Aufgabe 1.3

Konstruiere einen  
äquivalenten  
Automaten, der nur  
einen einzigen  
Endzustand besitzt.

# Aufgabe 1

$\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, S, \mathcal{F})$  mit  $\Sigma = \{a, b\}$ ,  
 $Q = \{S, B, C, D\}$ ,  $\mathcal{F} = \{B, C\}$  und  $\delta$  gegeben  
durch:



## Aufgabe 1.4

Gib eine linkslineare  
Grammatik für die  
Sprache dieses  
Automaten an.

# Aufgabe 2

## Aufgabe 2.1

Formuliere einen regulären Ausdruck über dem Alphabet  $\Sigma = \{0, 1\}$ , der jedes beliebige Wort erfasst, wobei die vorletzte Ziffer 0 sein soll.

# Aufgabe 2

## Aufgabe 2.1

Formuliere einen regulären Ausdruck über dem Alphabet  $\Sigma = \{0, 1\}$ , der jedes beliebige Wort erfasst, wobei die vorletzte Ziffer 0 sein soll.

## Aufgabe 2.2

- Gebe für diese Sprache den Chomsky-Typ an.
- Gib eine zugehörige Grammatik an.

# Aufgabe 2

## Aufgabe 2.1

Formuliere einen regulären Ausdruck über dem Alphabet  $\Sigma = \{0, 1\}$ , der jedes beliebige Wort erfasst, wobei die vorletzte Ziffer 0 sein soll.

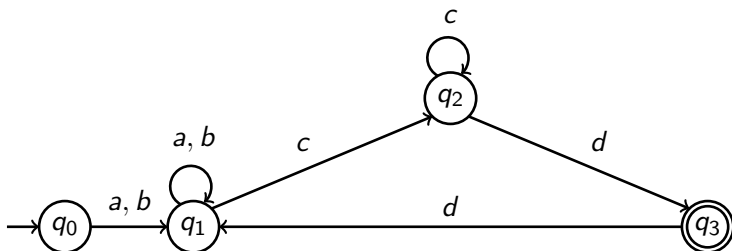
## Aufgabe 2.2

- Gebe für diese Sprache den Chomsky-Typ an.
- Gib eine zugehörige Grammatik an.

## Aufgabe 2.3

Gib einen passenden Automaten an, der diese Sprache akzeptiert.

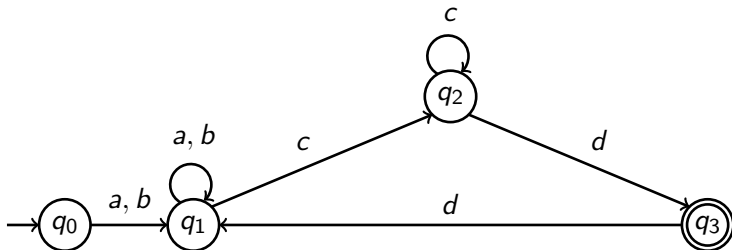
# Aufgabe 3



## Aufgabe 3.1

Welche Sprache  $\mathcal{L}(\mathcal{M})$  wird von dem Akzeptor akzeptiert?

# Aufgabe 3



## Aufgabe 3.2

Konstruiere aus dem Akzeptor eine rechtslineare Grammatik die  $\mathcal{L}(\mathcal{M})$  akzeptiert.

# Aufgabe 4

Die Sprache  $\mathcal{L}$  sei durch den regulären Ausdruck  $(aa^*b^*)^*cc^*$  definiert.

## Aufgabe 4.1

Gib eine rechtslineare Grammatik  $\mathcal{G}$  an, die  $\mathcal{L}$  erzeugt.

# Aufgabe 4

Die Sprache  $\mathcal{L}$  sei durch den regulären Ausdruck  $(aa^*b^*)^*cc^*$  definiert.

## Aufgabe 4.1

Gib eine rechtslineare Grammatik  $\mathcal{G}$  an, die  $\mathcal{L}$  erzeugt.

## Aufgabe 4.2

Konstruiere aus  $\mathcal{G}$  einen endlichen Akzeptor, der  $\mathcal{L}$  akzeptiert.

Ende

Fragen?